

بهینه‌سازی پرتفوی منابع و مصارف بانک‌ها با استفاده از برنامه‌ریزی خطی (مورد مطالعه: بانک صادرات ایران)

مصطفی اختیاری^{*}، اکبر عالم تبریز^{**}

چکیده

تخصیص بهینه سپرده‌ها (منابع) و تسهیلات (مصارف) از جمله مهم‌ترین استراتژی‌های بانک‌ها به‌شمار می‌آید. تخصیص بهینه منابع در بخش‌های مختلف اقتصادی منجر به هدفمندسازی وجوه جمع‌آوری شده توسط بانک‌ها شده و تخصیص بهینه مصارف نیز علاوه بر کسب بازدهی مزاد بر هزینه‌جذب منابع، موجب پاسخگویی سریع و به‌موقع به مشتریان بانک‌ها خواهد شد. هدف این تحقیق، ارائه مدل‌های برنامه‌ریزی خطی به‌منظور تعیین ترکیب بهینه منابع و مصارف بانک‌ها با رویکرد کاهش قیمت تمام‌شده پول است. ابزار مورد استفاده در این تحقیق، مدل‌های برنامه‌ریزی خطی بوده و داده‌های مورد استفاده از نوع کمی است. در این تحقیق سه سناریوی متفاوت مورد توجه قرار گرفته است. در سناریوی اول، یک مدل برنامه‌ریزی خطی به‌منظور تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع بانک در حالت ایستا پیشنهاد می‌شود. در سناریوهای دوم و سوم با ارائه دو مدل برنامه‌ریزی خطی پیشنهادی، به ترتیب ترکیب بهینه پرتفوی منابع و ترکیب بهینه منابع و مصارف بانک در حالت پویا و با رویکرد قیمت تمام شده پول مورد بررسی قرار می‌گیرد.

کلیدواژه‌ها: پرتفوی منابع بانکی؛ پرتفوی مصارف بانکی؛ قیمت تمام‌شده پول؛
بانکداری.

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۹۳/۰۲/۱۳، تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۹۳/۰۹/۰۴

* دانشجوی دکترای مدیریت تولید و عملیات، دانشگاه شهید بهشتی (نویسنده مسئول).

E-mail: m_ektiari@yahoo.com

** استاد، دانشگاه شهید بهشتی، تهران.

۱. مقدمه

امروزه بانک‌ها در اقتصاد تمام کشورها نقش اصلی را در اعمال سیاست‌های پولی ایفا می‌کنند و برای حضور پررنگ خود در عرصه رقابت، ناگزیرند استراتژی‌های کلان و عملیاتی خود را تدوین نمایند. رسالت بانک‌ها عمدتاً بر این اصل استوار است که از یک سو وجوه سرگردان جامعه را در قالب سپرده‌ها^۱ (منابع) جمع‌آوری و از سوی دیگر سعی در تخصیص بهینه منابع تحت عنوان تسهیلات^۲ (مصالح) در بخش‌های گوناگون اقتصادی نمایند تا بتوانند مطابق با اهداف دولت در راستای تحقق توسعهٔ پایدار از منابع جمع‌آوری شده به صورت هدفمند استفاده کنند [۱۳].

به عبارت دیگر، مصارف بانک‌ها باید با منابع رابطهٔ متعادلی داشته باشد تا وجهی را که از محل سپرده‌ها تأمین نموده‌اند، در محلی سرمایه‌گذاری نمایند که علاوه بر کسب بازدهی مازاد بر هزینه منابع، در اسرع وقت در مقابل درخواست‌های مشتریان و سپرده‌گذاران پاسخگو باشند. با توجه به این تفاسیر، بانک‌ها با قبول انواع سپرده‌ها (دیداری، مدت‌دار و غیره) منابع مورد نیاز را برای تخصیص اعتبار به اشخاص فراهم می‌کنند.

در بانکداری، تجهیز منابع از اهمیت ویژه‌ای برخوردار بوده و جذب منابع بر نقدینگی و مدیریت ریسک نقدینگی بانک، میزان اعطای تسهیلات و درنتیجه بر هزینه‌ها و درآمدهای عملیاتی بانک تأثیر بسزایی دارد. بنابراین بانک‌ها باید تحلیل روشنی از میزان سپرده‌های خود به عنوان منابع و میزان ارائه تسهیلات و مصارف در دوره‌های زمانی مختلف داشته باشند. در بانک‌ها، بخش عمده و اصلی هزینه را سود پرداختی به سپرده‌ها تشکیل می‌دهد و درآمد اصلی و عمده بانک از طریق اعطای تسهیلات حاصل می‌شود. از آنجا که سپرده‌های مختلف، نرخ‌های متفاوت دارند و نرخ سود تسهیلات نیز یکسان نیست، لذا ترکیب‌های متفاوت منابع مالی و همین‌طور ترکیب‌های متفاوت مصارف مالی سودهای متفاوتی را برای بانک ایجاد می‌کنند. به عبارت دیگر، هر مجموعهٔ پرتفوی منابع و مصارف، یک میزان سود خاصی را حاصل می‌کند. بانک به عنوان یک بنگاه اقتصادی به دنبال آن است که آن مجموعه از پرتفوی منابع و مصارفی را انتخاب کند که با درنظر گرفتن قیود متعدد سیاستی، مالی و بازار، سود حاصله بیشترین بوده و بازگشت مصارف به منظور پاسخگویی به خروج منابع با سرعت بیشتری انجام پذیرد.

بررسی‌های انجام شده مؤید این هستند که در زمینه تعیین ترکیب بهینهٔ پرتفوی منابع بانک‌ها و مؤسسات مالی توسط مدل‌های ریاضی، تحقیقات اندکی صورت گرفته و لزوم پرداختن به این موضوع به همراه پرتفوی مصارف نیز در داخل کشور حائز اهمیت است. حال آنکه نتایج این بررسی‌ها موید آن است که در خصوص استفاده از مدل‌های ریاضی در حل مسائل مالی

1. Deposits
2. Facilities

غیربانکی مطالعاتی توسط فدائی نژاد و همکاران (۱۳۹۴)، شیخ و همکاران (۱۳۹۰)، راهی و همکاران (۱۳۹۰) و نمازی و کریمی (۱۳۹۰) انجام شده است [۱، ۲، ۷ و ۱۷].

هدف از انجام این تحقیق، تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع و مصارف بانک صادرات ایران با رویکرد کاهش قیمت تمام شده عملیاتی پول است. بدین منظور، با توجه به الزامات قانونی بانک‌ها، سه سناریوی متفاوت در این تحقیق مدنظر قرار گرفته است:

- در سناریوی اول با بهره‌گیری از نظرات خبرگان و آمار و اطلاعات استخراج شده در پایان اردیبهشت ماه ۹۳ بانک صادرات، یک مدل برنامه‌ریزی خطی بهمنظور تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع بانک در پایان

پرتفوی منابع بانک در پایان اردیبهشت ماه ۹۳ (حالت ایستا) ارائه می‌شود.

- در سناریوی دوم با بهره‌گیری از نظرات خبرگان و آمار و اطلاعات استخراج شده بانک صادرات، یک مدل برنامه‌ریزی خطی بهمنظور تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع بانک در پایان

سال ۹۳ (حالت پویا) با تأکید بر کاهش قیمت تمام شده پول ارائه می‌شود.

- در سناریوی سوم با بهره‌گیری از نظرات خبرگان آمار و اطلاعات استخراج شده بانک صادرات، یک مدل برنامه‌ریزی خطی بهمنظور تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع و مصارف بانک در پایان

سال ۹۳ (حالت پویا) با تأکید بر کاهش قیمت تمام شده پول ارائه می‌شود.

۲. مبانی نظری و پیشینه تحقیق

عسکرزاده (۱۳۸۵) بهمنظور تعیین ترکیب بهینه تسهیلات اعطایی بانک‌ها و مؤسسات مالی و اعتباری، از تکنیک برنامه‌ریزی خطی با تأکید بر کاهش ریسک اعتباری پرتفوی این قبیل مؤسسات استفاده کرد [۱].

اشراقی و سلامی (۱۳۸۴) نیز آثار یکسان‌سازی نرخ سود تسهیلات بانکی بر عرضه تسهیلات به بخش کشاورزی را با تدوین یک الگوی برنامه‌ریزی منابع و مصارف و با استفاده از اطلاعات مربوط به بانک کشاورزی مورد بررسی قرار دادند [۳].

کوماپ (۱۹۷۱) با بهره‌گیری از تکنیک برنامه‌ریزی خطی الگویی را برای تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع و مصارف مالی بانک نیویورک ارائه نمود [۹].

همچنین تحقیقات مشابهی توسط سشن اندی و همکاران (۱۹۹۹) برای بانک نیویورک و رابرتسون (۱۹۷۲) برای بانک روڈ‌آیلند انجام گردید [۱۵ و ۱۶].

ژائو و زیمبا (۲۰۰۱) از یک الگوی برنامه‌ریزی خطی تصادفی چند دوره‌ای برای سال‌های ۱۹۸۵-۱۹۹۸ برای تخصیص دارایی‌ها در بازار اوراق قرضه کانادا استفاده نمودند [۱۸].

جاس کلانین و همکاران (۱۹۷۶) در تحقیق خود برای بررسی استراتژی‌های بهینه توسعه اعتبار (پرتفوی مصارف) در یک بانک تجاری در فنلاند و در چارچوب مدیریت پویای ترازنامه از یک الگوی برنامه‌ریزی خطی بین دوره‌ای استفاده کردند [۸].

پراکاش و همکاران (۲۰۰۳) از روش برنامه‌ریزی هدف چند جمله‌ای استفاده کرده و پرتفوی بهینه‌ای برای بازارهای سرمایه (پرتفوی مصارف) آمریکای لاتین، ایالات متحده و اروپا طی سال‌های ۱۹۹۳-۲۰۰۰ تعیین نمودند [۱۴].

نگوین و پورتیت (۲۰۰۲) با به کارگیری یک الگوی پویای تخصیص دارایی برای یک مثال فرضی، شرایط توانایی پرداخت دیون را به عنوان یک محدودیت در الگوی مذکور لحاظ کرده و آن را در افق‌های زمانی متفاوت و اهداف درآمدی گوناگون مورد تجزیه و تحلیل قرار دادند [۱۲]. دش و کاجیجی (۲۰۰۲) نیز با هدف بهینه‌یابی پرتفوی مصارف برای بانک ملی پنجاب هند طیسال‌های ۱۹۸۹-۱۹۹۰ از یک الگوی غیرخطی آرمانی تصادفی استفاده کردند [۴].

همچنین گندزیو و کوونبرگ (۲۰۰۱) با هدف مدیریت ریسک و بهبود عملیات مالی صندوق بازنیستگی هلند از یک الگوی برنامه‌ریزی تصادفی چندمرحله‌ای استفاده کردند [۶]. گلن و موندراگون-ولز (۲۰۱۱) آثار چرخه‌های کسب و کار را بر عملکرد پرتفوهای مصارف بانکی، با توجه به رشد اقتصاد در دوره ۱۹۹۶-۲۰۰۸ میلادی مطالعه و بررسی کردند [۵]. لوزیس و همکاران (۲۰۱۲) با استفاده از برنامه‌ریزی پویا به بررسی عوامل تعیین‌کننده وام‌های معوق در صنعت بانکداری یونان پرداختند [۱۰].

۳. روش‌شناسی تحقیق

بانک‌ها با توجه به منابعی که در اختیار دارد اقدام به اعطای تسهیلات، پرداخت بدھی‌ها، سرمایه‌گذاری و یا خرید دارایی ثابت می‌نمایند. از آنجا که قیمت تمام شده پول میزان هزینه‌های انجام شده توسط بانک به‌ازای منابع جذب شده را نشان می‌دهد، حائز اهمیت بوده و میزان آن نقش مهمی در سودآوری بانک را به‌دبیال دارد. بنابراین در این تحقیق از مفهوم قیمت تمام شده پول به عنوان رویکرد اساسی برای مدلسازی پرتفوی منابع و مصارف بانک استفاده می‌شود.

مفهوم قیمت تمام شده پول. یکی از عواملی که نقش مستقیم در افزایش بهای خدمات بانک‌ها دارد، قیمت تمام شده پول در سیستم بانکی است که به‌تبع آن کاهش سود بانک را به همراه دارد. قیمت تمام شده پول عبارت است از مقدار هزینه‌ای که به‌ازاء هر یکصد واحد پولی منابعی که جذب شده است، صرف می‌گردد.

منابع بانک که قابلیت اعتباردهی دارند را می‌توان به سه بخش (انواع سپرده‌های دیداری و غیردیداری به صورت کوتاه‌مدت و بلندمدت و یا ارزی و تسهیلات دریافتی از سایر بانک‌ها)، حقوق

صاحبان سهام و وام و اعتبار دریافتی از بانک مرکزی و جاری نزد بانک مرکزی دسته‌بندی کرد که معمولاً برای محاسبه قیمت تمام شده پول، می‌باشد گام‌های زیر به ترتیب اجرا شوند:

گام ۱. محاسبه بخش آزاد منابع: براساس مقررات، بانک‌ها بایستی درصدی از سپرده‌های جمع‌آوری شده از محل وجود اشخاص غیردولتی را به عنوان سپرده قانونی نزد بانک مرکزی تودیع نمایند. لذا منابع در دسترس بانک عبارت است از کل منابع منهای سپرده‌های قانونی. منابعی که نیاز به کسر سپرده قانونی ندارند عبارتند از: سپرده‌های مدت‌دار ارزی، حقوق صاحبان سهام و تسهیلات دریافتی از سایر بانک‌ها و وام و اعتبار دریافتی از بانک مرکزی.

گام ۲. محاسبه درصد هزینه تعديل شده: درصد هزینه هر سپرده، نرخ سود پرداختی است که این نرخ با توجه به نرخ جایزة سپرده قانونی (یک درصد) و نرخ سپرده قانونی تعديل می‌شود که به آن درصد هزینه تعديل شده می‌گویند. به طور کلی درصد هزینه تعديل شده عبارت است از حاصل ضرب کل منابع در درصد هزینه تقسیم بر منابع آزاد.

گام ۳. محاسبه درصد هزینه عملیاتی توزین شده منابع: این عامل از حاصل ضرب درصد هزینه تعديل شده هر سپرده در سهم آن از کل منابع آزاد بدست می‌آید.

گام ۴. محاسبه قیمت تمام شده عملیاتی پول: مجموع درصد هزینه توزین شده کل سپرده‌ها، قیمت تمام شده عملیاتی پول را تعیین می‌کند. قیمت تمام شده غیرعملیاتی پول نیز از تقسیم مجموع هزینه‌ها (پرسنلی، اداری و استهلاک) بر کل منابع بدست می‌آید.

روش تحقیق. روش انجام تحقیق حاضر از نظر نحوه جمع‌آوری اطلاعات، توصیفی – پیمایشی و از حیث هدف، کاربردی می‌باشد. نوع پژوهش حاضر، مطالعات کتابخانه‌ای و میدانی را در بر می‌گیرد. داده‌های مورد استفاده در این تحقیق از نوع کمی بوده که در بانک صادرات قابل دسترس می‌باشند. ابزار مورد استفاده به منظور تحقق هدف، مدل‌های برنامه‌ریزی خطی می‌باشند. هدف از انجام این تحقیق با مد نظر قرار دادن کاهش قیمت تمام شده پول، پاسخگویی به سوالات زیر است:

- ترکیب بهینه پرتفوی منابع بانک در دو مقطع پایان اردیبهشت‌ماه ۹۳ (حالت ایستا) و پایان سال ۹۳ (حالت پویا) چگونه است؟
- ترکیب بهینه پرتفوی منابع و مصارف بانک در پایان سال ۹۳ (حالت پویا) چگونه است؟

همچنین مفروضات مورد نظر در تحقیق حاضر به‌شرح زیر می‌باشند:

- با توجه به اینکه امکان کاهش چشمگیر قیمت تمام شده غیرعملیاتی پول وجود ندارد (زیرا بخش عمده این هزینه‌ها مربوط به هزینه‌های پرسنلی بوده و هر اقدام شتابزده در این خصوص می‌تواند منجر به نارضایتی شدید کارکنان شود) و این قیمت برای تمامی منابع بانک یکسان محاسبه می‌شود، لذا در این تحقیق صرفاً قیمت تمام شده عملیاتی پول مدنظر قرار می‌گیرد.
- در این مقاله به منظور بررسی ترکیب بهینه سپرده‌ها و تأثیر آن بر قیمت تمام شده عملیاتی پول، صرفاً منابع و سپرده‌های جذب شده توسط بانک صادرات مدنظر قرار می‌گیرد و سایر عوامل همچون اعتبارات بانک مرکزی و حقوق صاحبان سهام، ملحوظ نخواهد شد.
- به دلیل اینکه نرخ هزینه جذب سپرده‌های قرض‌الحسنة جاری و سایر سپرده‌های بانک صادرات مقداری ناچیز بوده و نمی‌توان تأثیر این گونه سپرده‌ها را در ترکیب بهینه پرتفوی سپرده‌های این بانک نادیده گرفت، بنابراین در این مقاله نرخ هزینه جذب سپرده‌های مذکور مقدار ۱۰۰۰۰۰۰۰ در نظر گرفته می‌شود.
- در این مقاله، نرخ سپرده قانونی از تقسیم متوسط مانده سپرده قانونی بر متوسط مانده منابع محاسبه شده است.

تعریف متغیرهای تصمیمی و پارامترها. در این تحقیق، پارامترها و متغیرهای تصمیمی مورد استفاده در مدل‌سازی مدل‌های برنامه‌ریزی خطی به‌شرح زیر معرفی می‌شوند:

متغیرهای تصمیمی

x_j : مقدار مانده ریالی سپرده j ام ($j = 1, \dots, n$)

y_i : مقدار تسهیلات نوع i ام ($i = 1, \dots, m$)

پارامترها

N : تعداد سپرده‌های موجود در پرتفوی منابع بانک

M : تعداد تسهیلات موجود در پرتفوی مصارف بانک

X : مقدار ریالی کل سپرده‌های بانک در پایان اردیبهشت ۹۳

d_j : مقدار ریالی سپرده جذب شده j ام در پایان اردیبهشت ۹۳

c_j : درصد هزینه جذب سپرده j ام

w_j : نرخ سپرده قانونی برای سپرده j ام

C : حداکثر قیمت تمام شده پول

T : متوسط مقدار ریالی کل منابع موجود در ابتدای سال ۹۳

k_j : مقدار ریالی سپرده جذب شده ۱ام در ابتدای سال ۹۳

b_i : نرخ سود تسهیلات نوع ۱ام

r_i : ضریب ریسک تسهیلات ۱ام

u_i : مجموع مطالبات معوق و مشکوک الوصول تسهیلات ۱ام در پایان اردیبهشت ۹۳

v_i : مجموع مطالبات سرسید گذشته تسهیلات ۱ام در پایان اردیبهشت ۹۳

N_i : مانده جاری تسهیلات ۱ام در پایان اردیبهشت ۹۳

داده‌ها. داده‌های مورد استفاده در مدل‌های برنامه‌ریزی خطی پژوهش حاضر، براساس اطلاعات موجود در پرتفوی منابع و مصارف بانک صادرات طی سال ۹۳ جمع‌آوری شده‌اند.

مدلسازی و تحلیلی بر نتایج. در این تحقیق سه سناریوی متفاوت بهمنظور تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع و مصارف بانک صادرات ایران مدنظر قرار گرفته است که در این بخش نتایج بدست آمده از اجرای هر سناریو ارائه و تحلیل می‌گردد.

سناریوی اول: تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع بانک در پایان اردیبهشت ۹۳ (حال ایستا). در سناریوی اول با بهره‌گیری از نظرات خبرگان و آمار و اطلاعات استخراج شده در پایان اردیبهشت ۹۳ بانک صادرات، یک مدل برنامه‌ریزی خطی بهمنظور تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع بانک در پایان اردیبهشت ماه ۹۳ (حال ایستا) ارائه می‌شود. در این بخش فرض می‌شود اگر امکان تغییر سهم سپرده‌ها در پرتفوی منابع بانک در پایان اردیبهشت ۹۳ وجود داشته باشد، با هدف کاهش قیمت تمام شده پول، سپرده‌ها به چه میزان می‌باشد تغییر یابند. بنابراین بهمنظور تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع بانک در پایان اردیبهشت ۹۳، مدل برنامه‌ریزی خطی زیر پیشنهاد می‌گردد.

تابع هدف. در این رویکرد هدف، نیل به حداقل هزینه جذب منابع بانک در پایان اردیبهشت ۹۳ است. تابع هدف هزینه کل جذب منابع بانک مطابق رابطه (۱) است:

$$\sum_{j=1}^n c_j x_j. \quad (1)$$

محدودیت‌ها

- محدودیت مجموع کل سپرده‌های بانک
باتوجه به این رویکرد، هدف این است که مجموع سپرده‌های بانک برابر با کل منابع جذب شده در پایان اردیبهشت ۹۳ شود. به عبارت دیگر:

$$\sum_{j=1}^n x_j = X. \quad \text{رابطه (۲)}$$

- محدودیت دامنه تغییرات هر یک از سپرده‌های بانک
باتوجه به این محدودیت، حداقل ۹۵٪ هر یک از سپرده‌های موجود و حداکثر رشد ۱/۵ برابری این سپرده‌ها مدنظر است. مقادیر اخیرالذکر براساس حداقل و حداکثر رشد سپرده‌های جذب شده بانک طی یک دوره زمانی ده ساله بدست آمدند. به عبارت دیگر:

$$x_j \geq 0.95d_j, j = 1, \dots, n \quad \text{رابطه (۳)}$$

$$x_j \leq 1.5d_j, j = 1, \dots, n. \quad \text{رابطه (۴)}$$

بنابراین مدل نهایی پیشنهاد شده به منظور بهینه‌سازی پرتفوی منابع بانک در پایان اردیبهشت ۹۳ به صورت مدل (۵) خواهد بود:

$$\begin{aligned} & \text{minimize } \sum_{j=1}^n c_j x_j, \\ & \text{subject to:} \\ & \sum_{j=1}^n x_j = X, \\ & x_j \geq 0.95d_j, j = 1, \dots, n \\ & x_j \leq 1.5d_j, j = 1, \dots, n. \end{aligned} \quad \text{رابطه (۵)}$$

تحلیل نتایج: در این تحقیق، تعداد ۱۳ متغیر (که با X_{13} و ... و X_1 نمایش داده شده‌اند) برای انواع منابع بانک مدنظر قرار گرفته‌اند که در جدول (۱) معرفی شده‌اند. همچنین در جدول (۱) به تفکیک هر سپرده، متوسط کل منابع طی سال (در پایان اردیبهشت ۹۳)، متوسط منابع آزاد شده، درصد هزینه جذب شده هر سپرده و درصد هزینه توزین شده ارائه گردیده است. باتوجه به اطلاعات جدول (۱)، جمع کل منابع در پایان اردیبهشت ۹۳ مبلغ ۷۳۵,۷۷۵,۵۷۵ میلیون ریال بوده و متوسط منابع آزاد شده در پایان ماه مذکور ۲۲۲,۹۷۱,۷۵۹ میلیون ریال است. همچنین جمع درصد هزینه توزین شده (قیمت تمام شده عملیاتی پول) برابر ۹/۹۷ ریال است. لازم به ذکر است، در این تحقیق عامل سایر سپرده‌ها ترکیبی از مجموع سایر سپرده‌های ارزی، سایر سپرده‌های دیداری، سایر سپرده‌ها و پیش‌دریافت بابت اعتبارات اسنادی است. اطلاعات ارائه

شده در جدول (۱) در مدل (۵) وارد شده و در نهایت مدل مذکور توسط برنامه نرم‌افزاری لینگو^۱ حل گردیده و نتایج حاصل از بهینه‌سازی مدل پرتفوی منابع بانک در جدول (۲) ارائه شده است.

جدول ۱. ترکیب موجود منابع بلک در پایان اینیشت ۹۳ (از قام به میلیون ریال)

منابع (j)	متوجه کل منابع (Mj)	منابع کل منابع (Mj)	منابع کل منابع (Mj)	منابع کل منابع (Mj)	منابع کل منابع (Mj)	منابع کل منابع (Mj)	منابع کل منابع (Mj)	منابع کل منابع (Mj)	منابع کل منابع (Mj)	منابع کل منابع (Mj)	منابع کل منابع (Mj)	منابع کل منابع (Mj)
x1	قرض احسنه جاری	۱۲۷۰۵۶۳	۱۲۷۰۵۶۳	۱۲۷۰۵۶۳	۱۲۷۰۵۶۳	۱۲۷۰۵۶۳	۱۲۷۰۵۶۳	۱۲۷۰۵۶۳	۱۲۷۰۵۶۳	۱۲۷۰۵۶۳	۱۲۷۰۵۶۳	۱۲۷۰۵۶۳
x2	قرض احسنه پس انداز	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
x3	سپرده سرمایه‌گذاری کوتاه‌مدت	۹۲۰۹۱۱۵۷	۹۲۰۹۱۱۵۷	۹۲۰۹۱۱۵۷	۹۲۰۹۱۱۵۷	۹۲۰۹۱۱۵۷	۹۲۰۹۱۱۵۷	۹۲۰۹۱۱۵۷	۹۲۰۹۱۱۵۷	۹۲۰۹۱۱۵۷	۹۲۰۹۱۱۵۷	۹۲۰۹۱۱۵۷
x4	سپرده سرمایه‌گذاری کوتاه‌مدت و زیر ۴ ماهه	۱۸۷۰۱۱۹۲	۱۸۷۰۱۱۹۲	۱۸۷۰۱۱۹۲	۱۸۷۰۱۱۹۲	۱۸۷۰۱۱۹۲	۱۸۷۰۱۱۹۲	۱۸۷۰۱۱۹۲	۱۸۷۰۱۱۹۲	۱۸۷۰۱۱۹۲	۱۸۷۰۱۱۹۲	۱۸۷۰۱۱۹۲
x5	سپرده سرمایه‌گذاری کوتاه‌مدت و زیر ۹ ماهه	۲۶۲۹۷۹۱	۲۶۲۹۷۹۱	۲۶۲۹۷۹۱	۲۶۲۹۷۹۱	۲۶۲۹۷۹۱	۲۶۲۹۷۹۱	۲۶۲۹۷۹۱	۲۶۲۹۷۹۱	۲۶۲۹۷۹۱	۲۶۲۹۷۹۱	۲۶۲۹۷۹۱
x6	سپرده سرمایه‌گذاری کوتاه‌مدت و زیر ۴ ماهه	۹۷۰۴۲۸	۹۷۰۴۲۸	۹۷۰۴۲۸	۹۷۰۴۲۸	۹۷۰۴۲۸	۹۷۰۴۲۸	۹۷۰۴۲۸	۹۷۰۴۲۸	۹۷۰۴۲۸	۹۷۰۴۲۸	۹۷۰۴۲۸
x7	سپرده سرمایه‌گذاری بلندمدت یک ساله	۱۲۷۰۵۶۴۷۹۱	۱۲۷۰۵۶۴۷۹۱	۱۲۷۰۵۶۴۷۹۱	۱۲۷۰۵۶۴۷۹۱	۱۲۷۰۵۶۴۷۹۱	۱۲۷۰۵۶۴۷۹۱	۱۲۷۰۵۶۴۷۹۱	۱۲۷۰۵۶۴۷۹۱	۱۲۷۰۵۶۴۷۹۱	۱۲۷۰۵۶۴۷۹۱	۱۲۷۰۵۶۴۷۹۱
x8	گواهی سپرده سرمایه‌گذاری بلندمدت یک ساله	۱۱۰۵۷۸۷۶۲	۱۱۰۵۷۸۷۶۲	۱۱۰۵۷۸۷۶۲	۱۱۰۵۷۸۷۶۲	۱۱۰۵۷۸۷۶۲	۱۱۰۵۷۸۷۶۲	۱۱۰۵۷۸۷۶۲	۱۱۰۵۷۸۷۶۲	۱۱۰۵۷۸۷۶۲	۱۱۰۵۷۸۷۶۲	۱۱۰۵۷۸۷۶۲
x9	سپرده سرمایه‌گذاری بلندمدت دو ساله	۳۱۳۶۵۵۵۵۵	۳۱۳۶۵۵۵۵۵	۳۱۳۶۵۵۵۵۵	۳۱۳۶۵۵۵۵۵	۳۱۳۶۵۵۵۵۵	۳۱۳۶۵۵۵۵۵	۳۱۳۶۵۵۵۵۵	۳۱۳۶۵۵۵۵۵	۳۱۳۶۵۵۵۵۵	۳۱۳۶۵۵۵۵۵	۳۱۳۶۵۵۵۵۵
x10	سپرده سرمایه‌گذاری بلندمدت سه ساله	۲۶۴۷۵۳۴۵	۲۶۴۷۵۳۴۵	۲۶۴۷۵۳۴۵	۲۶۴۷۵۳۴۵	۲۶۴۷۵۳۴۵	۲۶۴۷۵۳۴۵	۲۶۴۷۵۳۴۵	۲۶۴۷۵۳۴۵	۲۶۴۷۵۳۴۵	۲۶۴۷۵۳۴۵	۲۶۴۷۵۳۴۵
x11	سپرده سرمایه‌گذاری بلندمدت چهار ساله	۴۱۸۱۱۱۷	۴۱۸۱۱۱۷	۴۱۸۱۱۱۷	۴۱۸۱۱۱۷	۴۱۸۱۱۱۷	۴۱۸۱۱۱۷	۴۱۸۱۱۱۷	۴۱۸۱۱۱۷	۴۱۸۱۱۱۷	۴۱۸۱۱۱۷	۴۱۸۱۱۱۷
x12	سپرده سرمایه‌گذاری بلندمدت پنج ساله	۳۴۵۵۶۳	۳۴۵۵۶۳	۳۴۵۵۶۳	۳۴۵۵۶۳	۳۴۵۵۶۳	۳۴۵۵۶۳	۳۴۵۵۶۳	۳۴۵۵۶۳	۳۴۵۵۶۳	۳۴۵۵۶۳	۳۴۵۵۶۳
x13	سپرده سپرده‌ها	۱۱۵۳۴۵۸	۱۱۵۳۴۵۸	۱۱۵۳۴۵۸	۱۱۵۳۴۵۸	۱۱۵۳۴۵۸	۱۱۵۳۴۵۸	۱۱۵۳۴۵۸	۱۱۵۳۴۵۸	۱۱۵۳۴۵۸	۱۱۵۳۴۵۸	۱۱۵۳۴۵۸
جمع کل	۲۵۳۵۷۳۹۷۳	۲۵۳۵۷۳۹۷۳	۲۵۳۵۷۳۹۷۳	۲۵۳۵۷۳۹۷۳	۲۵۳۵۷۳۹۷۳	۲۵۳۵۷۳۹۷۳	۲۵۳۵۷۳۹۷۳	۲۵۳۵۷۳۹۷۳	۲۵۳۵۷۳۹۷۳	۲۵۳۵۷۳۹۷۳	۲۵۳۵۷۳۹۷۳	۲۵۳۵۷۳۹۷۳

جدول ۳: ترکیب بهینه منابع بانک در پایان اردیبهشت ۱۳۹۴ با استفاده از مدل پیشنهاد شده (راهنمای ملی میلیون ریال)

درصد تغییر نسبت به وضعیت وجودی در پایان اردیبهشت ها ۹۳	درصد تغییر نسبت به وضعیت وجودی در پایان اردیبهشت ها ۹۴	منابع						متغیر (X)
		متوجه سپرده قانونی (نی)	متوجه سپرده قانونی (نی)	متوجه سپرده کل منابع ازاد	متوجه منابع ازاد	متوجه کل	متوجه منابع ازاد	
-۰/۰۷	-۰/۰۳	-۰/۰۸	-۰/۰۰	-۰/۰۱	-۰/۰۱	-۰/۰۵	-۰/۰۵	x1 قیمت احتمالی منابع پیش از سپرده سرمایه‌گذاری کوچک شد
-۰/۱۰	-۰/۱۴	-۰/۰۷	-۰/۰۲	-۰/۰۶	-۰/۰۶	-۰/۰۷	-۰/۰۷	x2 قیمت احتمالی منابع پیش از سپرده سرمایه‌گذاری کوچک شد
-۰/۱۸	-۰/۰۴	-۰/۰۷	-۰/۰۳	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	x3 سپرده سرمایه‌گذاری کوچک شد
-۰/۱۹	-۰/۰۵	-۰/۰۷	-۰/۰۲	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	x4 سپرده سرمایه‌گذاری کوچک شد
-۰/۲۰	-۰/۰۵	-۰/۰۷	-۰/۰۲	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	x5 سپرده سرمایه‌گذاری کوچک شد
-۰/۲۱	-۰/۰۴	-۰/۰۷	-۰/۰۲	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	x6 سپرده سرمایه‌گذاری کوچک شد
-۰/۲۲	-۰/۰۴	-۰/۰۷	-۰/۰۲	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	x7 سپرده سرمایه‌گذاری کوچک شد
-۰/۲۳	-۰/۰۴	-۰/۰۷	-۰/۰۲	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	x8 کوچک شد
-۰/۲۴	-۰/۰۴	-۰/۰۷	-۰/۰۲	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	x9 سپرده سرمایه‌گذاری کوچک شد
-۰/۲۵	-۰/۰۴	-۰/۰۷	-۰/۰۲	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	x10 سپرده سرمایه‌گذاری کوچک شد
-۰/۲۶	-۰/۰۴	-۰/۰۷	-۰/۰۲	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	x11 سپرده سرمایه‌گذاری کوچک شد
-۰/۲۷	-۰/۰۴	-۰/۰۷	-۰/۰۲	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	x12 سپرده سرمایه‌گذاری کوچک شد
-۰/۲۸	-۰/۰۴	-۰/۰۷	-۰/۰۲	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	x13 سپرده سرمایه‌گذاری کوچک شد
-۰/۲۹	-۰/۰۴	-۰/۰۷	-۰/۰۲	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	جمع کل
-۰/۳۰	-۰/۰۴	-۰/۰۷	-۰/۰۲	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	-۰/۰۷	جمع کل

مقایسه نتایج ارائه شده در دو جدول (۱) و (۲) مؤید آن است که با فرض ثابت ماندن جمع کل منابع بانک (X) به مبلغ ۲۵۳,۷۷۵,۵۷۵ میلیون ریال، ترکیب کلیه منابع در جدول (۲) تغییر یافته است. ترکیب بهینه سپرده‌های بانک در جدول (۲) بیانگر کاهش تقریبی ۴/۴ درصدی

قیمت تمام شده پول از ۹/۹۷ ریال (ترکیب موجود پرتفوی منابع بانک) به ۹/۵۳ ریال (ترکیب بهینه پرتفوی منابع بانک) در پایان اردیبهشت ۹۳ است.

همچنین در جدول (۲)، درصد تغییر منابع نسبت به وضعیت موجود در پایان اردیبهشت ۹۳ ارائه شده است. همان‌طور که ملاحظه می‌شود، سپرده قرض‌الحسنه جاری با ۱۵/۰٪، بیشترین رشد منابع ارزان قیمت را نسبت به وضعیت واقعی آن در پایان اردیبهشت ۹۳، نشان می‌دهد. علت این امر را می‌توان در پایین بودن نرخ هزینه سپرده قرض‌الحسنه جاری نسبت به سایر سپرده‌های موجود دانست.

سناریوی دوم: تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع بانک در پایان سال ۹۳ (حالت پویا) با تأکید بر کاهش قیمت تمام شده پول. در سناریوی دوم با بهره‌گیری از نظرات خبرگان و آمار و اطلاعات استخراج شده بانک صادرات، یک مدل برنامه‌ریزی خطی به منظور تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع بانک در پایان سال ۹۳ (حالت پویا) و با رویکرد کاهش قیمت تمام شده پول ارائه می‌شود.

در این رویکرد به منظور بهینه‌سازی پرتفوی منابع بانک در پایان سال ۹۳، با تعریف محدودیت قیمت تمام شده عملیاتی پول، مدل برنامه‌ریزی خطی زیر پیشنهاد می‌شود.

تابع هدف. در این رویکرد هدف، نیل به حداقل هزینه جذب منابع بانک در پایان سال ۹۳ با توجه به رشد منابع در طول سال است. بنابراین تابع هدف هزینه کل جذب منابع بانک مطابق رابطه (۶) است:

$$\sum_{j=1}^{13} c_j x_j, \quad \text{رابطه (۶)}$$

محدودیت‌ها

- محدودیت مقدار قیمت تمام شده عملیاتی پول با توجه به اینکه در بخش (۳) نحوه محاسبه قیمت تمام شده پول ارائه گردید، لذا مطابق با آن محدودیت قیمت تمام شده پول به صورت رابطه (۷) خواهد بود:

$$\frac{\sum_{j=1}^{13} c_j (x_j - w_j x_j)}{\sum_{j=1}^{13} (x_j - w_j x_j)} \leq C. \quad \text{رابطه (۷)}$$

باتوجه به اینکه مقدار قیمت تمام شده پول در پایان اردیبهشت ۹۳ (طبق اطلاعات جدول (۱)) برابر ۹/۹۷ ریال بوده است، لذا بنا بر نظر خبرگان حداکثر مقدار قیمت تمام شده پول (C) در مدل‌ها برابر ۱۰ ریال در نظر گرفته شده است.

- محدودیت مجموع کل سپرده‌های بانک

در این رویکرد، هدف این است که باتوجه به اهداف اولیه و ثانویه تعیین شده برای کل سپرده‌ها در سال ۹۲، مجموع سپرده‌های بانک بین حداقل $1/۲۹۳$ و حداکثر $1/۳۹۳$ برابر کل سپرده‌های ابتدای سال ۹۳ تغییر کند. مقادیر اخیرالذکر براساس حداقل و حداکثر رشد کل سپرده‌های جذب شده بانک طی یک دوره زمانی ده ساله بدست آمده اند. به عبارت دیگر:

$$\sum_{j=1}^{13} x_j \geq 1.293T, \quad \text{رابطه (۸)}$$

$$\sum_{j=1}^{13} x_j \leq 1.393T. \quad \text{رابطه (۹)}$$

- محدودیت دامنه تغییرات هر یک از سپرده‌های بانک

باتوجه به این محدودیت، برای هر یک از سپرده‌های موجود در پرتفوی منابع بانک حداقل $1/۱$ برابر این سپرده‌ها و حداکثر $1/۴$ برابر این سپرده‌ها در ابتدای سال ۹۳ مد نظر قرار می‌گیرد. مقادیر اخیرالذکر براساس حداقل و حداکثر رشد سپرده‌های جذب شده بانک طی یک دوره زمانی ده ساله بدست آمده‌اند. به عبارت دیگر:

$$x_j \geq 1.1k_j, j = 1, \dots, 13, \quad \text{رابطه (۱۰)}$$

$$x_j \leq 1.4k_j, j = 1, \dots, 13. \quad \text{رابطه (۱۱)}$$

بنابراین مدل نهایی بهینه‌سازی پرتفوی منابع بانک در پایان سال ۹۳ به صورت رابطه (۱۲) پیشنهاد می‌گردد:

$$\underset{\text{subject to:}}{\text{minimize}} \quad \sum_{j=1}^{13} c_j x_j, \quad \text{رابطه (۱۲)}$$

$$\sum_{j=1}^{13} x_j \geq 1.293T,$$

$$\sum_{j=1}^{13} x_j \leq 1.393T,$$

$$\frac{\sum_{j=1}^{13} c_j (x_j - w_j x_j)}{\sum_{j=1}^{13} (x_j - w_j x_j)} \leq C,$$

$$x_j \geq 1.1k_j, j = 1, \dots, 13,$$

$$x_j \leq 1.4k_j, j = 1, \dots, 13.$$

تحلیل نتایج: در مدل رابطه (۱۲)، متوسط منابع موجود در ابتدای سال ۹۳ (T) مطابق با جدول ۳ برابر با ۲۶۹,۴۰۱ میلیون ریال و مطابق با نظر خبرگان حداکثر قیمت تمام شده عملیاتی پول (C) برابر ۱۰ ریال لحاظ گردید.

جدول ۳. ترکیب موجود منابع بانک در ابتدای سال ۹۳ (از اقام به میلیون ریال)

جدول ۳. ترکیب بهینه منابع بانک در پایان سال ۹۳ براساس سفارشی دوم (از قام به میلیون ریال)

متغیر (x)	مبلغ (y)	متغیر کل	متغیر میانگین سال ۹۳	متغیر کل	متغیر میانگین سال ۹۳	متغیر کل	متغیر میانگین سال ۹۳	متغیر کل	متغیر میانگین سال ۹۳	متغیر کل	متغیر میانگین سال ۹۳	متغیر کل	متغیر میانگین سال ۹۳	متغیر کل	متغیر میانگین سال ۹۳	متغیر کل	متغیر میانگین سال ۹۳	
x1	قرض اجتنبه جاری	۵۱۶۱۲۱۶۰۱	۵۱۶۱۲۱۶۰۱	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳۷۳	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳۷۳	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳	۱۶۴۳۷۵۶۴۳۷۳۷۳
x2	قرض اجتنبه بیش از نیاز	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
x3	سیروده سرمایه گذاری کوچک‌ترین	۹۱۷۲۲۶۱۱۲۱۱۲۱	۹۱۷۲۲۶۱۱۲۱۱۲۱	۱۱۸۱۱۱۸۱۸	۱۱۸۱۱۱۸۱۸	۱۱۸۱۱۱۸۱۸	۱۱۸۱۱۱۸۱۸	۱۱۸۱۱۱۸۱۸	۱۱۸۱۱۱۸۱۸	۱۱۸۱۱۱۸۱۸	۱۱۸۱۱۱۸۱۸	۱۱۸۱۱۱۸۱۸	۱۱۸۱۱۱۸۱۸	۱۱۸۱۱۱۸۱۸	۱۱۸۱۱۱۸۱۸	۱۱۸۱۱۱۸۱۸	۱۱۸۱۱۱۸۱۸	۱۱۸۱۱۱۸۱۸
x4	سیروده سرمایه گذاری کوچک‌ترین و زیره ۴ ماهه	۵۶۷۸۶۷۵۶۷۵۶۷۵	۵۶۷۸۶۷۵۶۷۵۶۷۵	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲	۱۲۳۶۲۱۲۳۶۲۱۲
x5	سیروده سرمایه گذاری کوچک‌ترین و زیره ۴ ماهه	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰۱۰	
x6	سیروده سرمایه گذاری کوچک‌ترین و زیره ۹ ماهه	۱۵۱۵۱۵۱۵۱۵۱۵	۱۵۱۵۱۵۱۵۱۵۱۵	۱۶۴۶۲۱۶۴۶۲۱۶۴۶	۱۶۴۶۲۱۶۴۶۲۱۶۴۶	۱۶۴۶۲۱۶۴۶۲۱۶۴۶	۱۶۴۶۲۱۶۴۶۲۱۶۴۶	۱۶۴۶۲۱۶۴۶۲۱۶۴۶	۱۶۴۶۲۱۶۴۶۲۱۶۴۶	۱۶۴۶۲۱۶۴۶۲۱۶۴۶	۱۶۴۶۲۱۶۴۶۲۱۶۴۶	۱۶۴۶۲۱۶۴۶۲۱۶۴۶	۱۶۴۶۲۱۶۴۶۲۱۶۴۶	۱۶۴۶۲۱۶۴۶۲۱۶۴۶	۱۶۴۶۲۱۶۴۶۲۱۶۴۶	۱۶۴۶۲۱۶۴۶۲۱۶۴۶	۱۶۴۶۲۱۶۴۶۲۱۶۴۶	
x7	سیروده سرمایه گذاری پانزده‌ماهه	۱۱۷۱۱۰۱۷۸۱۰۱۷۸	۱۱۷۱۱۰۱۷۸۱۰۱۷۸	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	
x8	گل‌ها سیروده سرمایه گذاری یک ساله	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
x9	سیروده سرمایه گذاری پانزده‌ماهه	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰	۱۰۰۰۹۰۰۰۹۰۰۰۹۰
x10	سیروده سرمایه گذاری پانزده‌ماهه	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	۲۰۹۰۵۱۰۳۰۵۱۰۳۰	
x11	سیروده سرمایه گذاری پانزده‌ماهه	۳۳۶۲۵۷۵۷۳۷۵۷۳۷	۳۳۶۲۵۷۵۷۳۷۵۷۳۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	
x12	سیروده سرمایه گذاری پانزده‌ماهه	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	۴۴۲۷۷۷۷۷۷۷۷۷۷	
x13	سیاره سیرودها	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
	مجموع کل	۱۱۷۱۱۰۱۷۸۱۰۱۷۸	۱۱۷۱۱۰۱۷۸۱۰۱۷۸	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰	۱۱۸۱۱۰۱۸۰۱۸۰
	مجموع	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰

جدول (۳) ترکیب موجود پرتفوی منابع بانک در پایان سال ۹۲ و ابتدای سال ۹۳ را ارائه می‌دهد. با توجه به نتایج جدول (۴)، متوسط کل منابع بانک طی سال ۹۳ برابر ۹/۷۴۰۰۳۸,۷۸۷ میلیون ریال و مقدار قیمت تمام شده عملیاتی پول برابر ۹/۷۴ میلیون ریال است که در مقایسه با همین مورد در پایان سال ۹۲، تقریباً ۴/۷٪ کاهش را نشان می‌دهد. همچنین براساس نتایج بدست آمده، رشد منابع در پایان سال ۹۳ نسبت به ابتدای همین سال تقریباً ۲۹٪ می‌باشد.

سناریوی سوم: تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع و مصارف بانک در پایان سال ۹۳ (حال پویا) با تأکید بر کاهش قیمت تمام شده پول. در سناریوی سوم با بهره‌گیری از نظرات خبرگان و آمار و اطلاعات استخراج شده بانک صادرات، یک مدل برنامه‌ریزی خطی به منظور تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع و مصارف بانک در پایان سال ۹۳ (حال پویا) و با رویکرد کاهش قیمت تمام شده پول ارائه می‌شود. در این رویکرد به منظور تعیین ترکیب بهینه پرتفوی منابع و مصارف بانک در پایان سال ۹۳، با تعریف محدودیت قیمت تمام شده عملیاتی پول، مدل برنامه‌ریزی خطی زیر پیشنهاد می‌شود.

تابع هدف. در این رویکرد هدف، نیل به حداکثر سود حاصل از جذب منابع بانک و اعطای تسهیلات در پایان سال ۹۳ با توجه به رشد منابع ابتدای همین سال است. بنابراین تابع هدف سود مطابق رابطه (۱۳) است:

$$\sum_{i=1}^{11} b_i(y_i - r_i y_i) - \sum_{j=1}^{13} c_j x_j - 0.05 \times (\sum_{j=1}^{13} x_j), \quad \text{رابطه (۱۳)}$$

در رابطه (۱۳)، ۵٪ از کل مانده سپرده‌های جذب شده به عنوان هزینه‌های غیرعملیاتی مد نظر قرار می‌گیرد. مقدار ۵٪ براساس متوسط درصد رشد هزینه‌های غیرعملیاتی طی یک دوره زمانی ده ساله و با بهره‌گیری از نظر خبرگان در نظر گرفته شده است. لازم به ذکر است در تابع هدف رابطه (۱۳) به تسهیلاتی که منجر به مطالبات عموق و مشکوک الوصول گردیده‌اند، سود تعلق نمی‌گیرد.

محدودیت‌ها

- محدودیت سپرده‌ها – تسهیلات

در این محدودیت مجموع مصارف و ۲٪ حاشیه نقدینگی کل منابع، از مجموع منابع آزاد شده کوچک‌تر است. مقدار ۰.۲٪ حاشیه نقدینگی براساس متوسط این نرخ طی یک دوره زمانی ده ساله و با بهره‌گیری از نظر خبرگان در نظر گرفته شده است. این محدودیت در رابطه (۱۴) به نمایش درآمده است:

$$\sum_{i=1}^{11} y_i \leq \sum_{j=1}^{13} (1 - w_j) x_j - 0.02 \times (\sum_{j=1}^{13} x_j). \quad \text{رابطه (۱۴)}$$

- محدودیت مجموع کل سپرده‌های بانک

در این رویکرد، هدف این است که مجموع سپرده‌های بانک بین حداقل $1/293$ و حداکثر $1/393$ برابر کل منابع ابتدای سال ۹۳ تغییر یابد. مقادیر اخیرالذکر براساس حداقل و حداکثر رشد کل سپرده‌های جذب شده بانک طی یک دوره زمانی دهساله بدست آمده‌اند. به عبارت دیگر:

$$\sum_{j=1}^{13} x_j \geq 1.293T, \quad (15)$$

$$\sum_{j=1}^{13} x_j \leq 1.393T. \quad (16)$$

- محدودیت تسهیلات قرض‌الحسنه

با توجه به اینکه سپرده‌های قرض‌الحسنه تنها به تسهیلات قرض‌الحسنه اختصاص می‌یابد، لذا محدودیت رابطه (۱۷) قابل تعریف است:

$$y_1 = (1 - w_2)x_2 - 0.02x_2. \quad (17)$$

در رابطه (۱۷) مقدار ۲٪ حاشیه نقدینگی براساس متوسط این نرخ طی یک دوره زمانی دهساله و با بهره‌گیری از نظر خبرگان در نظر گرفته شده است.

- محدودیت ریسک ناشی از مطالبات عموق و مشکوک‌الوصول

در این محدودیت به منظور بررسی تأثیر ریسک ناشی از مطالبات عموق و مشکوک‌الوصول، برای هر یک از تسهیلات یک ضریب ریسک مطابق رابطه (۱۸) تعریف می‌شود:

$$r_i = \frac{u_i}{u_i + v_i + N_i}, \quad i = 1, \dots, 11. \quad (18)$$

بنابراین، محدودیت ریسک ناشی از مطالبات عموق و مشکوک‌الوصول تسهیلات را می‌توان مطابق رابطه (۱۹) تعریف نمود:

$$\sum_{i=1}^{11} r_i y_i \leq \left(\frac{\sum_{i=1}^{11} u_i}{\sum_{i=1}^{11} (u_i + v_i + N_i)} \right) \times \sum_{i=1}^{11} y_i. \quad (19)$$

در رابطه (۱۹) عبارت $\left(\frac{\sum_{i=1}^{11} u_i}{\sum_{i=1}^{11} (u_i + v_i + N_i)} \right)$ مقدار ثابتی است که براساس اطلاعات موجود در پایان اردیبهشت ۹۳، این عبارت تقریباً برابر ۱۶٪ است.

- محدودیت دامنه تغییرات هر یک از سپرده‌های بانک

برای هریک از سپرده‌ها می‌توان دامنه‌ای از تغییرات را تعریف کرد که این محدودیت‌ها در روابط (۲۰) و (۲۱) نمایش داده شده است:

$$x_j \geq 1.1k_j, j = 1, \dots, 13, \quad \text{رابطه (۲۰)}$$

$$x_j \leq 1.4k_j, j = 1, \dots, 13. \quad \text{رابطه (۲۱)}$$

ضرایب موجود در روابط (۲۰) و (۲۱) براساس حداقل و حداکثر رشد سپرده‌های جذب شده بانک طی یک دوره زمانی ده‌ساله بدست آمدند.

- محدودیت دامنه تغییرات هر یک از تسهیلات بانک

برای هریک از تسهیلات می‌توان دامنه‌ای از تغییرات را تعریف کرد که این محدودیت‌ها در روابط (۲۲) و (۲۳) به نمایش درآمده است:

$$y_i \geq 0.8(u_i + v_i + N_i), i = 1, \dots, 11, \quad \text{رابطه (۲۲)}$$

$$y_i \leq 1.4(u_i + v_i + N_i), i = 1, \dots, 11. \quad \text{رابطه (۲۳)}$$

ضرایب موجود در روابط (۲۲) و (۲۳) براساس حداقل و حداکثر رشد تسهیلات اعطاء شده بانک طی یک دوره زمانی ده‌ساله بدست آمدند.

- محدودیت قیمت تمام شده عملیاتی پول

این محدودیت در بخش‌های قبلی معرفی و تشریح گردید. رابطه (۲۴) مدل نهایی پیشنهادی برای پرتفوی منابع و مصارف بانک را با در نظر گرفتن قیمت تمام شده عملیاتی پول ارائه می‌کند:

$$\text{maximize } \sum_{i=1}^{11} b_i(y_i - r_i y_i) - \sum_{j=1}^{13} c_j x_j - 0.05 \times (\sum_{j=1}^{13} x_j),$$

subject to:

$$\sum_{i=1}^{11} y_i \leq \sum_{j=1}^{13} (1 - w_j) x_j - 0.02 \times (\sum_{j=1}^{13} x_j),$$

$$y_1 = (1 - w_2)x_2 - 0.02x_2,$$

$$\begin{aligned}
 \sum_{i=1}^{11} r_i y_i &\leq \left(\frac{\sum_{i=1}^{11} u_i}{\sum_{i=1}^{11} (u_i + v_i + N_i)} \right) \times \sum_{i=1}^{11} y_i, \\
 \sum_{j=1}^{13} x_j &\geq 1.293T, \\
 \sum_{j=1}^{13} x_j &\leq 1.393T, \\
 x_j &\geq 1.1k_j, j = 1, \dots, 13, \\
 x_j &\leq 1.4k_j, j = 1, \dots, 13, \\
 \frac{\sum_{j=1}^{13} c_j(x_j - w_j x_j)}{\sum_{j=1}^{13} (x_j - w_j x_j)} &\leq 10, \\
 y_i &\geq 0.8(u_i + v_i + N_i), i = 1, \dots, 11, \\
 y_i &\leq 1.4(u_i + v_i + N_i), i = 1, \dots, 11.
 \end{aligned} \tag{۲۴}$$

در این مقاله، تعداد ۱۱ متغیر (که با y_{11} و ... و y_1 نمایش داده شده‌اند) برای انواع تسهیلات بانک مدنظر قرار گرفته‌اند که در جدول (۵) معرفی شده‌اند. همچنین در جدول (۵) به تفکیک هر یک از تسهیلات، مجموع مطالبات عموق و مشکوک الوصول و سرسید گذشته و مانده اردیبهشت ۹۳ و ضریب ریسک محاسبه شده ارائه گردیده است.

جدول ۵. ضریب ریسک محاسبه شده به تفکیک هر یک از مصارف در پایان اردیبهشت ۹۳ (رقم به میلیون ریال)

ضریب ریسک (ri)	مطالبات عموق و مشکوک ((iii) + سرسید گذشته (vii) + مانده تسهیلات جاری (Ni) در اردیبهشت ماه ۹۳)	مطالبات عموق و مشکوک (iii)	نرخ سود تسهیلات (bi)	مصارف (i)	متغیر (y_i)
۰/۰۰۰۶	۱۳۳۱۸۴۳۱	۸۲۵۵	۰/۴	وام قرض الحسن اعطایی	$y1$
۰/۱	۴۹۰۵۱۴۵۱۰	۲۲۴۰۶۳۵	۰/۲۱	تسهیلات مشارکت مدنی	$y2$
۰/۲	۵۶۵۶۲۹۰۳۵۹	۹۹۸۸۶۴۲	۰/۱۵	تسهیلات فروش اقساطی	$y3$
۰/۲	۱۹۰۵۶۵۱۴	۳۲۲۶۸۹۰	۰/۲۱	تسهیلات مضاره	$y4$
۰/۰۱۸۷	۲۶۵۹۰۰۹۲	۴۹۸۲۴	۰/۱۵	تسهیلات اجاره به شرط تملیک	$y5$
۰/۵	۴۰۴۳۶۸۴۳	۲۰۷۰۰۱۳	۰/۱۵	تسهیلات سلف	$y6$
۰/۱	۱۴۳۳۷۸۷۱	۹۵۵۵۵۴	۰/۱۵	تسهیلات جماله	$y7$
۰/۱	۱۸۶۳۰۰۵۲	۱۴۶۳۰۵	۰/۱۵	خرید دین	$y8$
۰/۲	۱۷۵۹۰۱۵۴	۱۰۶۷۸۶۸۸	۰/۲۷	ضمانات نامه‌ها	$y9$
۰/۲	۹۹۴۵۰۸۴۱	۶۹۷۰۸۴۷	۰/۲۱	اعتبارات استادی	$y10$
۰/۱۵	۵۱۹۰۰۴۷۰	۸۶۸۰۵۷۱	۰/۱۵	سابر معاملات	$y11$
	۱۷۹۰۵۱۰۷۷۷	۲۸۶۹۳۶۲۲۴	---	جمع کل	

در جدول (۵) نرخ کارمزد تسهیلات قرض الحسن اعطایی برابر ۰/۰۴ است. مدل (۲۴) با توجه به اطلاعات مربوط به منابع (در ابتدای سال ۹۳) و تسهیلات (در پایان اردیبهشت ۹۳) توسط نرم‌افزار لینگو حل گردید. لازم به ذکر است، ضریب ریسک مطالبات عموق و مشکوک الوصول کل تسهیلات بانک در پایان اردیبهشت ۹۳ تقریباً برابر ۱۶٪ است. جداول (۶) و (۷) به ترتیب ترکیب بهینه منابع و مصارف بانک را با توجه به نتایج بدست آمده ارائه می‌کند.

جدول محاسبه بهینه‌منابع بانک در پایان سال ۹۳ براساس نسخه‌ی سوم ((اقام به میانبین ریال))

متغیر نیز)	منابع (ج)	متوجه کل					
		متوجه منابع	متوجه سیمده قائمه	متوجه کل منابع	متوجه ازاد	درصد سهم به کل منابع	درصد منابع
قرض الحسنیه جاری	x1	۵۱۶۲۱۲۰۰	۱۱۶۱۰۱۹۱	۱۱۶۱۰۱۹۱	۱۱۶۱۰۱۹۱	۱۱۶۱۰۱۹۱	۱۱۶۱۰۱۹۱
قرض الحسنیه پس آذار	x2	۱۹۴۳۲۷۷	۱۱۶۹۵۶۱۹	۱۱۶۹۵۶۱۹	۱۱۶۹۵۶۱۹	۱۱۶۹۵۶۱۹	۱۱۶۹۵۶۱۹
سپرده سرمایه‌گذاری کوتاه‌مدت	x3	۹۷۱۳۴۱۱۴	۱۷۸۱۱۸۱۷	۱۷۸۱۱۸۱۷	۱۷۸۱۱۸۱۷	۱۷۸۱۱۸۱۷	۱۷۸۱۱۸۱۷
سپرده سرمایه‌گذاری کوتاه‌مدت و ترمه ۴ ماهه	x4	۵۷۸۸۷۸۹۸	۳۲۳۵۳۵۳	۳۲۳۵۳۵۳	۳۲۳۵۳۵۳	۳۲۳۵۳۵۳	۳۲۳۵۳۵۳
سپرده سرمایه‌گذاری کوتاه‌مدت و ترمه ۴ ماهه	x5	۵۷۵۱۷۹	۵۷۲۱۹۹	۵۷۲۱۹۹	۵۷۲۱۹۹	۵۷۲۱۹۹	۵۷۲۱۹۹
سپرده سرمایه‌گذاری بلندمدت و ترمه ۹ ماهه	x6	۱۱۰۸۲۱۶۲	۱۸۴۷۴۲	۱۸۴۷۴۲	۱۸۴۷۴۲	۱۸۴۷۴۲	۱۸۴۷۴۲
سپرده سرمایه‌گذاری بلندمدت یک ساله	x7	۱۸۸۱۸۱۷	۳۱۸۹۷۸	۳۱۸۹۷۸	۳۱۸۹۷۸	۳۱۸۹۷۸	۳۱۸۹۷۸
کوآهی سپرده سرمایه‌گذاری عام یک ساله	x8	۱۰۰۹۱۸۸	۸۱۵۱۱۲	۸۱۵۱۱۲	۸۱۵۱۱۲	۸۱۵۱۱۲	۸۱۵۱۱۲
سپرده سرمایه‌گذاری بلندمدت دو ساله	x9	۳۲۹۲۳۷۳	۲۳۴۲۳۷۳	۲۳۴۲۳۷۳	۲۳۴۲۳۷۳	۲۳۴۲۳۷۳	۲۳۴۲۳۷۳
سپرده سرمایه‌گذاری بلندمدت سه ساله	x10	۲۵۷۶۴۳	۲۱۲۱۸۱۰۵	۲۱۲۱۸۱۰۵	۲۱۲۱۸۱۰۵	۲۱۲۱۸۱۰۵	۲۱۲۱۸۱۰۵
سپرده سرمایه‌گذاری بلندمدت چهار ساله	x11	۳۳۶۷۵	۳۰۱۰۷	۳۰۱۰۷	۳۰۱۰۷	۳۰۱۰۷	۳۰۱۰۷
سپرده سرمایه‌گذاری بلندمدت پنج ساله	x12	۴۳۴۱۵۰۵	۳۱۲۱۳۲۷	۳۱۲۱۳۲۷	۳۱۲۱۳۲۷	۳۱۲۱۳۲۷	۳۱۲۱۳۲۷
سپرده سرمایه‌گذاری بلندمدت شصت ساله	x13	۲۳۲۳۰۹۴۵	۱۱۷۰۵۰۷۱	۱۱۷۰۵۰۷۱	۱۱۷۰۵۰۷۱	۱۱۷۰۵۰۷۱	۱۱۷۰۵۰۷۱
جمع کل		۲۱۲۳۰۷۶۵	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰

جدول ۷. ترکیب بهینه مصارف بانک در پایان سال ۹۳ براساس سtariboi سوم (ارقام به میلیون ریال)

متغیر (y _i)	مصارف (i)	پایان اردیبهشت ماه ۹۳		مقدار بهینه در پایان سال ۹۳
		سهم از کل (درصد)	مبلغ	
y1	وام قرض الحسن اعطایی	۷/۴	۱۳۰۳۱۸.۴۳۱	۱۴.۴۶۱.۷۱۰
y2	تسهیلات مشارکت مدنی	۲۷/۶	۴۹.۵۱۴.۵۱۰	۶۹.۳۲۰.۳۱۰
y3	تسهیلات فروش اقساطی	۳۱/۵	۵۶۵۶۳۹.۳۵۹	۶۵۸۴۱.۲۳۰
y4	تسهیلات مضاربه	۱۱	۱۹۶۵۶.۵۱۴	۲۷.۵۱۹.۰۲۰
y5	تسهیلات اجاره به شرط تمدیک	۱/۵	۲.۶۵۹.۰۹۲	۳.۷۲۲.۷۲۸
y6	تسهیلات سلف	۲/۵	۴۴۳۶.۸۴۳	۳.۵۴۹.۴۷۵
y7	تسهیلات جماله	۸	۱۴۰۳۷۸.۷۷۱	۲۰.۰۷۳۰.۰۲۰
y8	خرید دین	۰/۸	۱۰۴۶۳۰.۰۵۲	۲۰.۰۴۸.۲۷۳
y9	ضمانات نامه ها	۱	۱.۷۵۹.۰۱۵۴	۲.۴۶۲۸.۱۶
y10	اعتبارات استادی	۵/۵	۹.۹۴۵.۴۸۱	۱۳.۹۲۳۶.۷۰
y11	سایر معاملات	۳/۲	۵.۷۹۰.۴۷۰	۵.۷۹۰.۴۷۰
جمع کل		۱۰۰	۱۷۹.۵۱۰.۷۷۷	۲۲۸.۷۱۲۸۲۲

نتایج ارائه شده در جدول (۶) مؤید آن است که کل منابع بانک در پایان سال ۹۳ نسبت به سال ۹۲، تقریباً ۲۹٪ رشد داشته و قیمت تمام شده عملیاتی پول در مقایسه با سال ۹۲، تقریباً ۴/۹٪ بهبود خواهد داشت. نکته حائز اهمیت اینکه با مقایسه نتایج جداول (۴) و (۶) ملاحظه می‌شود که ترکیب بهینه منابع بانک در پایان سال ۹۳، بهترتبی در دو حالت بدون در نظر گرفتن پرتفوی تسهیلات و با در نظر گرفتن پرتفوی تسهیلات با اختلاف ناچیز مشابه یکدیگر بوده و در این مطالعه می‌توان نتیجه گرفت که در نظر گرفتن پرتفوی تسهیلات در قالب محدودیتها تأثیری در مدل بهینه‌سازی ترکیب پرتفوی سپرده‌ها نداشته و می‌توان آن را از مدل حذف نمود. از این‌رو ترکیب بهینه پرتفوی تسهیلات به شکل مدلی جداگانه، می‌تواند مد نظر قرار گیرد.

همچنین در جدول (۷) بیشترین سهم اختصاص یافته در پرتفوی تسهیلات مربوط به تسهیلات مشارکت مدنی می‌باشد که مهم‌ترین علت تخصیص این سهم، کوچک بودن ضریب ریسک و بزرگ بودن نسبی نرخ سود این نوع تسهیلات در مقایسه با سایر تسهیلات است. باید افزود که در پرتفوی بهینه ارائه شده در جدول (۷)، ضریب ریسک کل تسهیلات ۱۵٪ خواهد بود که در مقایسه با همین آیتم در پایان اردیبهشت ۹۳، یک درصد بهبود خواهد داشت. آنچه از اطلاعات جدول (۷) برمی‌آید، گویای آن است که از پایان اردیبهشت ۹۳ تا پایان سال ۹۳، نرخ رشد تسهیلات اعطایی ۲۷٪ پیش‌بینی می‌شود که تسهیلات مشارکت مدنی با ۳۰/۳٪ و تسهیلات خرید دین با ۹/۰٪ بهترتبی بیشترین و کمترین سهم را در پرتفوی تسهیلات خواهند داشت.

۴. بحث و نتیجه‌گیری

هدف اصلی از ارائه این مقاله، مدل‌سازی و حل مسئله پرتفوی منابع و مصارف بانک با تأکید بر کاهش قیمت تمام شده پول عنوان گردید. بدین منظور در ابتدا به ارائه دو مدل برای بهینه‌سازی پرتفوی منابع بانک پرداخته شد که در مدل اول با معرفی تابع هدف و تعدادی محدودیت، ترکیب بهینه منابع بانک در پایان اردیبهشت ۹۳ و در مدل دوم نیز با معرفی تابع هدف و تعدادی محدودیت از جمله محدودیت قیمت تمام شده پول، ترکیب بهینه منابع بانک در پایان سال ۹۳ مد نظر قرار گرفتند. همان‌طور که قبل از اشاره گردید، ترکیب بهینه منابع بانک در پایان اردیبهشت ۹۳ در مقایسه با ترکیب کنونی منابع بانک در همین مقطع زمانی، علاوه بر کاهش قیمت تمام شده پول، صرفه‌جویی مالی را نیز برای بانک به دنبال خواهد داشت. در بخش دیگری از این مقاله، به منظور بهینه‌سازی پرتفوی همزمان منابع و مصارف بانک در پایان سال ۹۳، مدلی با محدودیت قیمت تمام شده پول پیشنهاد گردید. یکی از نتایج حل مدل پیشنهاد شده، بهبود قیمت تمام شده پول در پایان سال ۹۳ نسبت به پایان سال ۹۲ مطرح گردید. در پایان پیشنهاداتی به شرح زیر به منظور بهبود در اجرا و کاربردی نمودن رویکردهای معرفی شده در این پژوهش ارائه می‌شود:

- برای هریک از مجموعه سپرده‌ها (برای مثال، سپرده‌های کوتاه‌مدت و بلندمدت و یا سپرده‌های ارزان قیمت و گران قیمت)، سهمی را در ترکیب بهینه پرتفوی سپرده‌ها می‌توان در نظر گرفت.
- برای هریک از مجموعه تسهیلات (برای مثال، عقود مشارکتی، مبادله‌ای، تعمدی و وام‌های قرض‌الحسنه)، سهمی را در ترکیب بهینه پرتفوی تسهیلات می‌توان در نظر گرفت.
- به منظور نیل به حداقل هزینه جذب منابع بانک در پایان مقطعی مشخص از دوره مالی و کاهش نوسانات میزان سپرده‌ها، ثبات و ماندگاری در روند سپرده‌ها حائز اهمیت است. لذا پیشنهاد می‌شود به منظور اجرا و کاربردی نمودن، هدف کاهش نوسانات سپرده‌ها در ترکیب بهینه پرتفوی سپرده‌ها مد نظر قرار گیرد. یکی از شاخص‌هایی که بدین منظور می‌تواند مورد استفاده قرار گیرد، شاخص ضربی تغییرات است. شاخص ضربی تغییرات برای مقایسه تغییرات جوامعی که دارای میانگین یکسان نیستند و یا هموارد نمی‌باشند، متداول است. از آنجا که پرتفوی سپرده‌های بانک نیز از سپرده‌های متنوعی تشکیل یافته است، لذا از این شاخص می‌توان به منظور حداقل کردن نوسانات میزان سپرده‌ها بهره گرفت.
- مدل‌های ارائه شده در این پژوهش قابلیت تغییر در ضرایب ثابت وارد شده در آنها را دارند. برای مثال، می‌توان درصد اختصاص یافته به هر سپرده و وزن اهمیت هزینه و ماندگاری سپرده‌ها را مطابق با نظرات خبرگان و مسئولان بانک تغییر داده و نتایجی منطبق با تصمیمات و الزامات بانک را ارائه نمود.

- در رویکرد پویای ستاریوهای معرفی شده در این پژوهش، امکان تغییر برخی از پارامترها نظیر درصد هزینه جذب سپرده‌ها، نرخ سود تسهیلات و حداکثر قیمت تمام شده پول در طول بازه پیش‌بینی وجود دارد. از این رو بهره‌گیری از انواع برنامه‌ریزی‌های تحت شرایط عدم قطعیت نظیر برنامه‌ریزی احتمالی، فازی و بازه‌ای در مدل‌های پیشنهاد شده می‌تواند نتایج مفیدی را ارائه نماید.

منابع

1. Askarzadeh, G. (1385). Mathematical modeling of determining the optimal combination of facilities portfolio in financial and credit institutions. *Andisheh Sadegh Journal*, 23, 107-130.
2. Fadaee Nezad, M.E., Mozafari Vanani, H., Nilchi, M., and Madadi Ourgani, R. (1394). Applying multiple decision making for determining relative value of nutrient and drinkable corporations of Tehran Stock Exchange. *Journal of Financial Management Perspective*, 5(10), 1-20.
3. Eshraghi, F., and Salami, H. (1384). The effect of equalizing banking facilities rates on allocating credits to the agriculture sector. *Iranian Journal of Agriculture Science*, 36(5), 1053-1063.
4. Dash, G. H., and Kajiji, N. (2002). Optimal Bank Structure in Evolving Economies: The Utility of Stochastic Multiple Objective Asset-Liability Models. The 6th World Multiconference on Systemics, Cybernetics, and Informatics, Orlando, Florida, July 14-18.
5. Glen, J. and Mondragón-Vélez, C. (2011). Business Cycle Effects on Commercial Bank Loan Portfolio Performance in Developing Economies. *Review of Development Finance*, 1(2), 150-165.
6. Gondzio, J., and Kouwenberg, R. (2001). High Performance Computing for Asset Liability Management. *Operations Research*, 49(6), 879 – 891.
7. Hasanloo, K., Zandieh, M., and Rahi, M. (1390). Determining the effective factors on sieving stock using Analysis Network Process. *Journal of Financial Management Perspective*, 2, 73-91.
8. Jaaskelainen, V., Salmi, T., and Hara, J. (1976). An Intertemporal Linear Programming Model with Deterministic Loan-Deposit Relationship for Optimal Credit Expansion Strategy in a Bank. *European Institute for Advanced Studies in Management*, 26, 76-77.
9. Komap, R. I. (1971). Developing a Liquidity Management Model. *Journal of Bank Reserve*, 2(1), 38-52.
10. Louzis, D.P., Vouldis, A.T., and Metaxas, V.L. (2012). Macroeconomic and Bank-Specific Determinants of Non-performing Loans in Greece: A Comparative Study of Mortgage, Business and Consumer Loan Portfolios. *Journal of Banking & Finance*, 36(4), 1012-1027.
11. Namazi, M., and Karimi, M. (1390). Surveying the applications of fuzzy logic in accounting. *Journal of Financial Management Perspective*, 1, 9-36.
12. Nguyen, P., and Portait, R. (2002). Dynamic Asset Allocation with Mean Variance Preferences and a Solvency Constraint. *Journal of Economic Dynamic & Control*, 26, 11-32.
13. Parsaeian, A., and Shirani, A. (1386). *Modern Banking in Theory and Practice*. Tehran: Research and Risk Control unit of Bank Sepah, 2nd edition.
14. Prakash, A. J., Chang, C. H., and Pactwa, T. E. (2003). Selecting a Portfolio with Skewness: Recent Evidence from US, European and Latin America Equity Markets. *Journal of Banking & Finance*, 27, 1375-1390.
15. Robertson, J. M. (1972). *A Bank Asset Management Model: In Applications of Management Science in Banking and Finance*. Edited by Samuel Eilon & Terence R. Fowkes. Gower Press, pp. 149-158.

16. Seshadri, S., Khanna,A.,andHarche,F. (1999).A Method for Strategic Asset-Liability Management with an Application to the Federal Home Loan Bank of NewYork.*Operation Research*, 47(3), 345-360.
17. Sheikh, M.J., Khodamoradi, S., and Jalilzadeh, M. (1390). Performance evaluation Bours agency and Tehran Stock Exchange corporations by using fuzzy AHP and Topsis. *Journal of Financial Management Perspective*, 3, 83-105.
18. Zhao, Y.,andZiemba,W. T. (2001). A Stochastic Programming Model using an Endogenously Determined Worst Case Risk Measure for Dynamic Asset Allocation. *Mathematics Programming, Series B*, 89, 293-309.